

Marius Perianu
Ștefan Smărândoiu

Cătălin Stănică
Ioan Balica

Matematică

Clasa a V-a

II



Algebră

I. Frații ordinare

I.1.	Frații ordinare. Noțiuni introductive	8
I.2.	Clasificarea fracțiilor ordinare	12
I.3.	Fracții echivalente	17
I.4.	Amplificarea și simplificarea fracțiilor. Frații ireductibile	20
	Teste de evaluare	27
	Fișă pentru portofoliul individual (A1)	29
I.5.	Reprezentarea fracțiilor ordinare pe axa numerelor	31
I.6.	Compararea și ordonarea fracțiilor ordinare	34
I.7.	Adunarea fracțiilor ordinare	37
I.8.	Scăderea fracțiilor ordinare	41
	Teste de evaluare	45
	Fișă pentru portofoliul individual (A2)	47
I.9.	Înmulțirea fracțiilor ordinare	49
I.10.	Împărțirea fracțiilor ordinare	52
I.11.	Ridicarea la putere a unei fracții ordinare. Reguli de calcul cu puteri	54
	Teste de evaluare	57
	Fișă pentru portofoliul individual (A3)	59
I.12.	Fracții/procente dintr-un număr natural sau dintr-o fracție ordinară	61
	Teste de evaluare	65
	Fișă pentru portofoliul individual (A4)	67
	Test-model pentru Evaluarea Națională de la finalul clasei a VI-a.	69

II. Frații zecimale

II.1.	Scrierea fracțiilor ordinare cu numitori puteri ale lui 10 sub formă zecimală. Transformarea unei fracții zecimale, cu un număr finit de zecimale nenule, într-o fracție ordinară	74
II.2.	Compararea, ordonarea, reprezentarea pe axa numerelor a fracțiilor zecimale. Aproximări	78
II.3.	Adunarea și scăderea fracțiilor zecimale care au un număr finit de zecimale nenule	83
	Teste de evaluare	89
	Fișă pentru portofoliul individual (A5)	91
II.4.	Înmulțirea fracțiilor zecimale care au un număr finit de zecimale nenule	93
II.5.	Ridicarea la putere cu exponent natural a unei fracții zecimale care are un număr finit de zecimale nenule	97
	Teste de evaluare	100
	Fișă pentru portofoliul individual (A6)	101
II.6.	Împărțirea numerelor naturale cu rezultat fracție zecimală. Periodicitate	103
II.7.	Împărțirea a două fracții zecimale	108
II.8.	Ordinea efectuării operațiilor. Aproximări	113
	Teste de evaluare	118
	Fișă pentru portofoliul individual (A7)	119

II.9.	Media aritmetică a două sau mai multe fracții zecimale finite	121
II.10.	Metode aritmetice pentru rezolvarea problemelor cu fracții în care intervin și unități de măsură	124
	Teste de evaluare	136
	Fișă pentru portofoliul individual (A8)	137
	Test-model pentru Evaluarea Națională de la finalul clasei a VI-a	139
II.11.	Probleme cu caracter aplicativ	141
II.12.	Probleme pentru performanță școlară și olimpiade	145

Geometrie

III. Elemente de geometrie

III.1.	Punctul. Dreapta. Planul	150
III.2.	Pozițiile relative a două drepte	155
III.3.	Semidreapta. Semiplanul	159
III.4.	Segmentul de dreaptă. Lungimea unui segment. Distanța dintre două puncte	163
III.5.	Segmente congruente. Mijlocul unui segment	167
III.6.	Simetricul unui punct față de alt punct	172
	Teste de evaluare	175
	Fișă pentru portofoliul individual (G1)	177
	Test-model pentru Evaluarea Națională de la finalul clasei a VI-a	179
III.7.	Unghiul. Măsura unui unghi. Operații cu măsuri de unghiuri	181
III.8.	Unghiuri congruente	188
III.9.	Clasificarea unghiurilor	192
III.10.	Figuri congruente. Axa de simetrie	196
III.11.	Probleme cu caracter aplicativ	202
III.12.	Probleme pentru performanță școlară și olimpiade	205

IV. Unități de măsură

IV.1.	Unități de măsură pentru lungime. Perimetre. Transformări	208
IV.2.	Unități de măsură pentru arie. Aria pătratului și a dreptunghiului. Transformări	211
IV.3.	Unități de măsură pentru volum. Volumul cubului și al paralelipipedului dreptunghic. Transformări	215
	Teste de evaluare	219
	Fișă pentru portofoliul individual (G2)	223
	Test-model pentru Evaluarea Națională de la finalul clasei a VI-a	225
IV.4.	Probleme cu caracter aplicativ	227
IV.5.	Probleme pentru performanță școlară și olimpiade	230

V. Subiecte pentru evaluările finale

	Variante de subiecte pentru teză	236
	Variante de subiecte pentru evaluarea finală	241
	Teste-model pentru Evaluarea Națională de la finalul clasei a VI-a	245

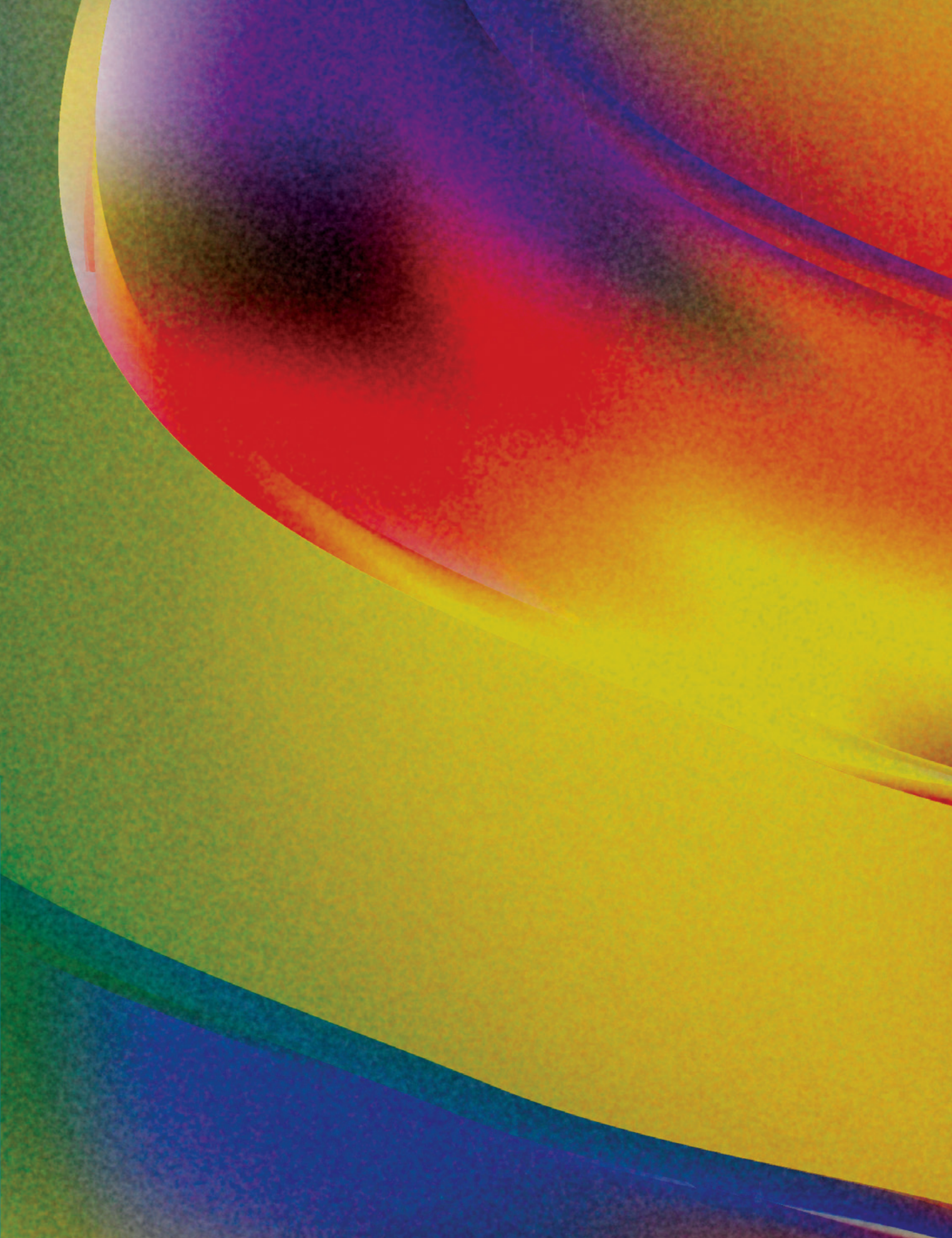
Soluții		251
---------	--	-----

Algebră

8	I.1	Fracții ordinare. Noțiuni introductive
12	I.2	Clasificarea fracțiilor ordinare
17	I.3	Fracții echivalente
20	I.4	Amplificarea și simplificarea fracțiilor. Fracții ireductibile
27		Teste de evaluare
29		Fișă pentru portofoliul individual (A1)
31	I.5	Reprezentarea fracțiilor ordinare pe axa numerelor
34	I.6	Compararea și ordonarea fracțiilor ordinare
37	I.7	Adunarea fracțiilor ordinare
41	I.8	Scăderea fracțiilor ordinare
45		Teste de evaluare
47		Fișă pentru portofoliul individual (A2)
49	I.9	Înmulțirea fracțiilor ordinare
52	I.10	Împărțirea fracțiilor ordinare
54	I.11	Ridicarea la putere a unei fracții ordinare. Reguli de calcul cu puteri
57		Teste de evaluare
59		Fișă pentru portofoliul individual (A3)
61	I.12	Fracții/procente dintr-un număr natural sau dintr-o fracție ordinară
65		Teste de evaluare
67		Fișă pentru portofoliul individual (A4)
69		Test-model pentru Evaluarea Națională de la finalul clasei a VI-a

I

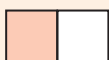
Fracții ordinare



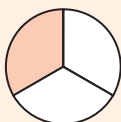
I.1 Frații ordinare. Noțiuni introductive

O parte dintr-un întreg, împărțit în părți egale, se numește *unitate fracționară*.

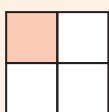
Exemple: Partea colorată din următoarele figuri reprezintă:



o doime sau o jumătate sau unu pe doi; se scrie $\frac{1}{2}$.



o treime sau unu pe trei; se scrie $\frac{1}{3}$.



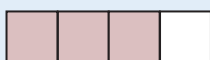
o pătrime sau un sfert sau unu pe patru; se scrie $\frac{1}{4}$.

Una sau mai multe unități fracționare se numește *fracție*. Forma generală a fracției este $\frac{a}{b}$, unde a, b sunt numere naturale și $b \neq 0$.

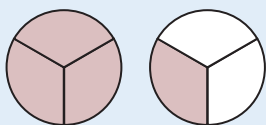
Numărul a se numește *numărător* și arată câte unități fracționare s-au luat; numărul b se numește *numitor* și arată în câte părți egale a fost împărțit întregul; linia orizontală (sau oblică) se numește *linie de fracție*.

Fracția este o pereche de numere naturale, a și b , scrisă sub forma $\frac{a}{b}$ sau a/b , $b \neq 0$.

Exemple: Partea colorată din următoarele figuri reprezintă:



$\frac{3}{4}$; citim *trei pătrimi* sau *trei supra patru* sau *trei pe patru*.



$\frac{4}{3}$; citim *patru treimi* sau *patru supra trei* sau *patru pe trei*.

Exersare



1 Scrieți sub formă de fracție:

a o pătrime;

d o treime;

g o miime;

b o șesime;

e o sutime;

h o milionime;

c o zecime;

f trei optimi;

i două cincimi.

2 Citiți următoarele fracții:

a $\frac{1}{5}, \frac{1}{7}, \frac{1}{9}, \frac{1}{11}, \frac{1}{40}, \frac{1}{19}, \frac{1}{17}, \frac{1}{1000000}$;

b $\frac{2}{7}, \frac{3}{5}, \frac{5}{4}, \frac{7}{8}, \frac{9}{9}, \frac{3}{4}, \frac{2}{6}, \frac{2}{8}, \frac{10}{15}, \frac{16}{23}, \frac{24}{10}, \frac{15}{8}, \frac{13}{8}, \frac{12}{7}$.



- 9 Citiți următoarele fracții: $\frac{1}{6}, \frac{3}{4}, \frac{9}{12}, \frac{8}{7}, \frac{30}{42}, \frac{9}{16}, \frac{48}{50}, \frac{103}{207}, \frac{83}{96}, \frac{a}{b}, \frac{2x}{5y}$.
- 10 Folosind câte două dintre numerele 3, 5, 7, scrieți toate fracțiile posibile.
- 11 Folosind câte două dintre numerele 6, 4, 10, scrieți toate fracțiile posibile.
- 12 Scrieți toate fracțiile de forma $\frac{a}{b}$, unde a și b sunt numere naturale mai mici decât 6 și mai mari decât 3.
- 13 Scrieți toate fracțiile de forma $\frac{a}{b}$, unde a și b sunt numere naturale prime distincte cuprinse între 10 și 20.
- Rezolvare:** Numerele prime cuprinse între 10 și 20 sunt: 11, 13, 17 și 19. Frațiile care se pot scrie cu aceste numere sunt: $\frac{11}{13}, \frac{11}{17}, \frac{11}{19}, \frac{13}{11}, \frac{13}{17}, \frac{13}{19}, \frac{17}{11}, \frac{17}{13}, \frac{17}{19}, \frac{19}{11}, \frac{19}{13}, \frac{19}{17}$.
- 14 Scrieți toate fracțiile de forma $\frac{a}{b}$, unde a și b sunt numere naturale prime diferite, cuprinse între 20 și 40.
- 15 Scrieți în tabelul de mai jos fracția reprezentată de partea hașurată din desen, ca în exemplul **h**:

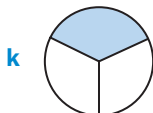
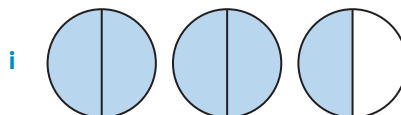
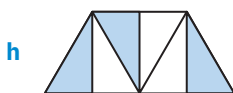
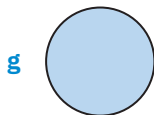
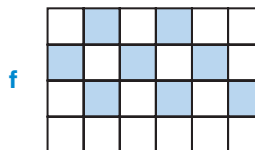
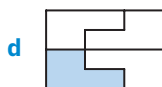


figura	a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k
fracția								$\frac{3}{6}$			

- 16 Scrieți toate fracțiile care îndeplinesc, simultan, condițiile:
- numărătorul este o cifră pară, nenulă;
 - numitorul este o cifră cu cel puțin 3 mai mare decât numărătorul.

17 Scrieți toate fracțiile de forma $\frac{a}{b}$, unde a este divizor al lui 12 și b este divizor al lui 35.

18 Scrieți toate fracțiile de forma $\frac{a}{b}$, unde a și b sunt numere prime cuprinse între 25 și 45, iar $a < b$.

Aprofundare



19 Fie fracția $\frac{23}{2x+1}$. Determinați numărul natural x , pătrat perfect, pentru care fracția are numitorul mai mic decât numărătorul.

Rezolvare: Avem $2x + 1 < 23 \Leftrightarrow 2x < 23 - 1 \Leftrightarrow 2x < 22 \mid : 2 \Leftrightarrow x < 11$. Cum x este pătrat perfect și $x < 11$, rezultă că x poate fi 0, 1, 4, 9.

20 Fie fracția $\frac{3x+2}{98}$. Determinați numărul natural x , pătrat perfect, pentru care fracția are numitorul mai mare decât numărătorul.

21 Scrieți toate fracțiile $\frac{a}{b}$, unde a este pătratul unui număr natural, b este cubul unui număr natural și $0 < a < 37$, $0 < b < 38$.

22 Scrieți toate fracțiile care îndeplinesc, simultan, condițiile:

- numărătorul este o cifră impară;
- numitorul este o cifră pară nenulă mai mare decât numărătorul cu cel mult 5.

Rezolvați problema chiar aici:



23 Determinați numărul fracțiilor de forma $\frac{\overline{ab+5}}{\overline{ba+6}}$, care au proprietatea că suma dintre numărător și numitor este pătrat perfect.

Probleme de șapte stele



24 Determinați numărul perechilor de fracții $\left(\frac{a}{b}; \frac{c}{d}\right)$ astfel încât $a \cdot a = b \cdot c = 6$.

25 Determinați numărul fracțiilor de forma $\frac{1}{\overline{ab+bc+ca}}$.

26 a Determinați numărul fracțiilor de forma $\frac{128}{\overline{ab}}$.

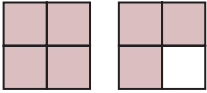
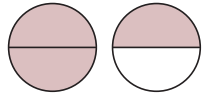
b Dintre fracțiile găsite la punctul anterior, aflați-le pe cele care au proprietatea că numărătorul și numitorul au cel puțin un divizor comun mai mare sau egal cu 2.

I.2 Clasificarea fracțiilor ordinare

Fie a și b două numere naturale, cu $b \neq 0$. Frația $\frac{a}{b}$ se numește:

- *echiunitară*, dacă $a = b$ (numărătorul este egal cu numitorul);
- *subunitară*, dacă $a < b$ (numărătorul este mai mic decât numitorul);
- *supraunitară*, dacă $a > b$ (numărătorul este mai mare decât numitorul).

Exemple:

Fracții echiunitare	Fracții subunitare	Fracții supraunitare
 $\frac{4}{4}$ (patru pătrimi)	 $\frac{1}{4}$ (o pătrime)	 $\frac{7}{4}$ (șapte pătrimi)
 $\frac{3}{3}$ (trei treimi)	 $\frac{3}{5}$ (trei cincimi)	 $\frac{3}{2}$ (trei doimi)
$\frac{8}{8}, \frac{11}{11}, \frac{23}{23}, \frac{100}{100}, \frac{205}{205}$	$\frac{7}{10}, \frac{1}{13}, \frac{4}{5}, \frac{4}{7}, \frac{307}{3008}$	$\frac{5}{3}, \frac{8}{5}, \frac{8}{6}, \frac{8}{7}, \frac{100}{25}$

Exersare



- 1 Completați numărătorul sau numitorul lipsă, astfel încât să obțineți fracții echiunitare:

$$\frac{6}{\square}, \frac{11}{\square}, \frac{\square}{13}, \frac{10}{\square}, \frac{13}{\square}, \frac{\square}{25}, \frac{\square}{103}$$

- 2 Dați câte trei exemple de:

- fracții echiunitare;
- fracții subunitare cu numărătorul 7;
- fracții subunitare cu numitorul 12;
- fracții supraunitare cu numitorul 10;
- fracții supraunitare cu numărătorul 20.

- 3 Scrieți fracțiile echiunitare, fracțiile subunitare și fracțiile supraunitare din șirul de fracții:

$$\frac{3}{2}, \frac{5}{6}, \frac{7}{7}, \frac{8}{4}, \frac{3}{5}, \frac{11}{12}, \frac{9}{8}, \frac{9}{10}, \frac{14}{20}, \frac{31}{30}, \frac{90}{91}, \frac{103}{33}, \frac{405}{504}$$

4 În următorul șir de fracții, subliniați-le pe cele supraunitare:

$$\frac{1}{2}, \frac{2}{1}, \frac{5}{3}, \frac{5}{6}, \frac{17}{16}, \frac{23}{20}, \frac{41}{43}, \frac{70}{60}, \frac{51}{41}, \frac{83}{15}, \frac{99}{103}, \frac{86}{68}, \frac{15}{105}.$$

5 În următoarea secvență de fracții, subliniați cu o linie fracțiile subunitare și cu două linii pe cele supraunitare:

$$\frac{1}{3}, \frac{2}{4}, \frac{4}{3}, \frac{4}{5}, \frac{6}{5}, \frac{4}{4}, \frac{3}{6}, \frac{6}{6}, \frac{7}{8}, \frac{11}{10}, \frac{9}{10}, \frac{23}{15}, \frac{54}{27}, \frac{18}{41}, \frac{43}{43}, \frac{72}{71}, \frac{86}{86}, \frac{97}{79}.$$

6 Aflați, în fiecare caz, numărul natural x pentru care fracțiile următoare sunt echiunitare:

a $\frac{x}{4}$;

b $\frac{x+1}{7}$;

c $\frac{x-2}{10}$;

d $\frac{6}{2x}$;

e $\frac{14}{x+2}$;

f $\frac{23}{x-1}$;

g $\frac{104}{20x+4}$;

h $\frac{3x+2}{2x+3}$.

7 Determinați, în fiecare caz, valorile numărului natural x pentru care fracțiile următoare sunt supraunitare:

a $\frac{4}{x}$;

b $\frac{x+1}{7}$;

c $\frac{x-2}{10}$;

d $\frac{6}{2x}$.

8 Aflați numărul natural x pentru care fracțiile următoare sunt subunitare:

a $\frac{x}{3}$;

b $\frac{x+12}{17}$;

c $\frac{11}{x-2}$;

d $\frac{13}{4x}$.

9 Indicați patru numere naturale care, puse în locul lui x în fracția $\frac{x}{13}$, determină o fracție subunitară.

Rezolvare: Frația este subunitară dacă numărătorul este mai mic decât numitorul, adică $x < 13$. Prin urmare x poate fi unul dintre numerele 0, 1, 2, ..., 12. Putem lua oricare patru dintre aceste valori; spre exemplu, pentru $x = 2$, $x = 5$, $x = 8$ și $x = 11$ se obțin fracțiile subunitare $\frac{2}{13}$, $\frac{5}{13}$, $\frac{8}{13}$

și $\frac{11}{13}$.

10 Arătați că fracția $\frac{\overline{ab} + \overline{bc} + \overline{ca}}{\overline{ac} + \overline{cb} + \overline{ba}}$ este echiunitară.

11 Pentru câte numere naturale n fracția $\frac{8}{n+1}$ este supraunitară?

12 Se consideră fracțiile:

$$\frac{2}{3}, \frac{3}{2}, \frac{3}{4}, \frac{5}{4}, \frac{5}{5}, \frac{3}{7}, \frac{8}{6}, \frac{7}{3}, \frac{6}{6}, \frac{9}{8}, \frac{8}{10}, \frac{8}{12}, \frac{9}{9}, \frac{11}{13}, \frac{14}{14}, \frac{15}{12}, \frac{23}{14}, \frac{39}{93}, \frac{74}{47}, \frac{103}{81}, \frac{205}{502}.$$

Selectați dintre acestea:

a fracțiile subunitare; b fracțiile echiunitare; c fracțiile supraunitare.

Consolidare



13 Care dintre următoarele fracții sunt subunitare: $\frac{1}{7}, \frac{5}{3}, \frac{4}{4}, \frac{4}{6}, \frac{9}{8}, \frac{7}{8}, \frac{20}{3}, \frac{31}{15}$?

14 Care dintre următoarele fracții sunt supraunitare: $\frac{2}{5}, \frac{6}{3}, \frac{8}{7}, \frac{5}{5}, \frac{3}{12}, \frac{13}{10}, \frac{71}{59}, \frac{60}{90}$?

- 15** La câte dintre fracțiile $\frac{3}{3}, \frac{5}{4}, \frac{1}{6}, \frac{18}{13}, \frac{24}{53}, \frac{60}{60}, \frac{35}{104}, \frac{8}{8}, \frac{19}{14}$ trebuie să modificăm numărătorii pentru ca toate să devină, după modificare, fracții echiunitare?
- 16** Pentru câte numere naturale n fracția $\frac{n+3}{27}$ este subunitară?
- 17** Determinați numerele naturale n care verifică simultan condițiile:
- a** $\frac{n+1}{5}$ este fracție supraunitară; **b** $\frac{n+7}{20}$ este fracție subunitară.
- Rezolvare:** Fracția $\frac{n+1}{5}$ este supraunitară dacă $n+1 > 5$, adică $n > 4$. Fracția $\frac{n+7}{20}$ este subunitară dacă $n+7 < 20$, adică $n < 13$. Obținem $4 < n < 13$, deci n poate lua valorile 5, 6, 7, ..., 11, 12.
- 18** Determinați numerele naturale n care verifică simultan condițiile:
- a** $\frac{n+2}{15}$ este fracție subunitară; **b** $\frac{n+1}{7}$ este fracție supraunitară.
- 19** Folosind ca numitori și numărători oricare două dintre numerele 3, 5, 6 și 9, scrieți toate fracțiile:
- a** subunitare; **b** supraunitare.
- 20** Subliniați fracțiile subunitare:
- $\frac{3}{5}, \frac{4}{4}, \frac{8}{18}, \frac{23}{21}, \frac{6}{4}, \frac{8}{10}, \frac{3}{13}, \frac{50}{25}, \frac{16}{32}, \frac{8}{40}, \frac{47}{47}, \frac{302}{120}, \frac{a}{5a}.$
- 21** Câte numere naturale n există astfel încât fracția $\frac{17}{2n+3}$ să fie supraunitară?
- 22** Dați exemplu de o fracție echiunitară care să aibă la numărător cubul unui număr natural, iar la numitor pătratul unui număr natural.

Rezolvați problema chiar aici:

- 23** Determinați numerele naturale nenule a și b astfel încât $\frac{a+b}{6}$ să fie echiunitară.
- 24** Determinați numerele naturale a și b pentru care fracția $\frac{2a+3b}{12}$ este:
- a** echiunitară; **b** subunitară.
- 25** Determinați numerele naturale a și b , nu ambele nule, astfel încât fracția $\frac{35}{2a+7b}$ să fie echiunitară, iar suma $a+b$ să fie minimă.
- Rezolvare:** Frația $\frac{35}{2a+7b}$ este echiunitară dacă $2a+7b=35$. Atunci b este număr impar (dacă b ar fi par, suma $2a+7b$ ar fi și ea număr par, deci nu poate fi egală cu 35).

- Numerele cerute sunt $a = 0$ și $b = 5$.

Rezolvați problema chiar aici:

- c Determinați numerele naturale a și b pentru care fracția $\frac{9}{a^2 + b^2 + 4}$ este echiunitară.

Rezolvare: a) Frația dată este supraunitară dacă $4 > a^2 + b^2 + c^2$. Numerele a, b, c pot fi cel mult egale cu 1, dar nu pot fi toate egale cu 0. Cazurile se pot organiza în tabelul:

a	b	c	Discuție
1	1	1	toate sunt egale cu 1
1	1	0	două dintre numerele a, b, c sunt egale cu 1 și al treilea este egal cu 0
1	0	1	
0	1	1	
1	0	0	două dintre numerele a, b, c sunt egale cu 0 și al treilea este egal cu 1
0	1	0	
0	0	1	

- b** Determinați fracțiile supraunitare de forma $\frac{\overline{6x}}{\overline{y7}}$, știind că numărătorul $\overline{6x}$ este pătrat perfect, iar numitorul $\overline{y7}$ este număr prim.

Rezolvare: a Frația $\frac{\overline{x6}}{3y}$ este subunitară dacă $\overline{x6} < \overline{3y}$, de unde $x = 1$ sau $x = 2$. Pentru $x = 1$, rezultă $\overline{x6} = 16 = 4^2$, iar pentru $x = 2$, numărul $\overline{x6} = 26$ nu este pătrat perfect. Numerele prime de forma $\overline{3y}$ sunt 31 și 37. Frațiile căutate sunt $\frac{16}{31}$ și $\frac{16}{37}$.

- 29** Andrei scrie pe tablă toate fracțiile de forma $\frac{a}{8}$, cu proprietatea că $a \mid 8$. Bianca scrie toate fracțiile de forma $\frac{8}{b}$, cu proprietatea că $b \mid 8$. Corina scrie toate fracțiile de forma $\frac{a}{b}$, unde $a \mid 4$ și $b \mid 6$. Determinați fracțiile echiunitare, fracțiile subunitare și fracțiile supraunitare scrise de fiecare dintre cei trei copii.

- 30** Fie șirul de fracții ordinare:

$$\frac{1}{2017}, \frac{2}{2016}, \frac{3}{2015}, \frac{4}{2014}, \dots, \frac{2015}{3}, \frac{2016}{2}, \frac{2017}{1}.$$

Scrieți fracțiile echiunitare, fracțiile subunitare și fracțiile supraunitare din acest șir.

Probleme de șapte stele



- 31 a** Știind că fracția $\frac{\overline{ab5} + 12}{2ab + 123}$ este echiunitară, determinați $a + b$.
- b** Știind că fracția $\frac{\overline{ab5} + 12}{2ab + 123}$ este subunitară, determinați valoarea maximă a sumei $a + b$.
- 32** Arătați că fracția $\frac{2 \cdot 2^2 \cdot 2^3 \cdot \dots \cdot 2^{2010}}{(32^{1608})^{251}}$ este supraunitară.
- 33** Fie secvența de fracții $\frac{1}{1}; \frac{2}{1}; \frac{1}{2}; \frac{3}{1}; \frac{2}{2}; \frac{1}{3}; \frac{4}{1}; \frac{3}{2}; \frac{2}{3}; \frac{1}{4}; \dots; \frac{20}{24}$.
- a** Determinați numărul termenilor secvenței date.
- b** Determinați numărul fracțiilor subunitare din secvența dată.
- c** Determinați numărul fracțiilor supraunitare din secvența dată.

Testul 1

- (4p) 1 a Scrieți numitorul fracției $\frac{11}{7}$.
 b Determinați numărul fracțiilor subunitare cu numitorul 5.
 c Scrieți fracțiile supraunitare cu numărătorul 7.
 d Precizați valoarea de adevăr a propoziției: $\frac{8}{5} = \frac{16}{10}$.
- (2p) 2 Care dintre fracțiile de forma $\frac{a}{b}$, cu $1 \leq a \leq 5$ și $3 \leq b \leq 8$, sunt în număr mai mare:
 a fracțiile supraunitare; b fracțiile subunitare?
- (3p) 3 a Simplificați fracțiile $\frac{72}{48}$ și $\frac{150}{125}$ pentru a obține fracții ireductibile.
 b Amplificați fracțiile $\frac{2}{5}$ și $\frac{7}{10}$ pentru a obține numitorii 100.
 c Determinați numărul natural x din egalitatea $\frac{12}{5} = \frac{x}{20}$.

NOTĂ. Timp de lucru: 50 de minute. Se acordă 1 punct din oficiu.

Testul 2

- (4p) 1 a Determinați suma dintre numitorul și numărătorul fracției $\frac{4}{19}$.
 b Determinați numărul fracțiilor echiunitare cu numitorul un număr cel mult egal cu 5.
 c Determinați numărul fracțiilor supraunitare cu numărătorul 47.
 d Precizați valoarea de adevăr a propoziției: „Fracția $\frac{91}{119}$ este ireductibilă.”
- (2p) 2 Decideți care dintre fracțiile de forma $\frac{a}{b}$, cu $1 \leq a, b \leq 9$, a impar și b par, sunt în număr mai mic:
 a fracțiile supraunitare; b fracțiile subunitare.
- (3p) 3 a Simplificați fracțiile $\frac{32}{72}$ și $\frac{96}{64}$ pentru a obține fracții ireductibile.
 b Amplificați fracțiile $\frac{12}{25}$ și $\frac{3}{8}$ pentru a obține numitorii 1 000.
 c Determinați numărul natural x din egalitatea $\frac{6}{12} = \frac{30}{x}$.

NOTĂ. Timp de lucru: 50 de minute. Se acordă 1 punct din oficiu.

Testul 3

- (4p) 1 a Scrieți numărătorul fracției $\frac{23}{45}$.
b Determinați numărul fracțiilor subunitare cu numitorul 11.
c Scrieți fracțiile supraunitare cu numărătorul 6.
d Precizați valoarea de adevăr a propoziției: $\frac{2}{3} = \frac{4}{6} = \frac{6}{8}$.
- (2p) 2 Determinați numerele naturale nenule n , pentru care fracția $\frac{n}{7}$ este supraunitară, iar fracția $\frac{n}{12}$ este subunitară.
- (3p) 3 a Dacă $\frac{220}{88} = \frac{x}{y}$ și $\frac{x}{y}$ este fracție ireductibilă, determinați $\frac{x}{y}$.
b Dacă $\frac{4}{x} = \frac{y}{3}$, $x \neq 0$, atunci determinați valoarea expresiei $3xy - 7$.
c Arătați că fracția $\frac{\overline{a1} + \overline{b7} + \overline{c3}}{\overline{a2} + \overline{b4} + \overline{c5}}$ este echiunitară.

NOTĂ. Timp de lucru: 50 de minute. Se acordă 1 punct din oficiu.

Testul 4

- (4p) 1 a Aflați diferența dintre numitorul și numărătorul fracției $\frac{7}{13}$.
b Aflați câte fracții care nu sunt supraunitare au numitorul egal cu 7.
c Scrieți fracțiile supraunitare cu numărătorul număr prim, cel mult egal cu 5.
d Precizați valoarea de adevăr a propoziției: $\frac{11}{33} = \frac{1101}{3033}$.
- (2p) 2 Determinați numerele naturale x pentru care fracția $\frac{2x+3}{15}$ este subunitară și ireductibilă.
- (3p) 3 a Determinați fracția ireductibilă $\frac{a}{b}$ cu proprietatea că $\frac{360}{250} = \frac{a}{b}$.
b Dacă $\frac{x}{5} = \frac{7}{y}$, $y \neq 0$, atunci determinați valoarea expresiei $2xy + 7$.
c Determinați numărul natural x din egalitatea $\frac{27}{x} = \frac{81}{96}$.

NOTĂ. Timp de lucru: 50 de minute. Se acordă 1 punct din oficiu.



Fișă pentru portofoliul individual

Numele și prenumele:

Clasa a V-a:

A1

Tema 1: Frații ordinare. Noțiuni introductive. Clasificarea fracțiilor ordinare. Frații echivalente. Amplificarea și simplificarea fracțiilor

(2p) 1 Încercuiți pe fișă doar răspunsul corect. Numai un răspuns din cele patru este corect.

a Treizeci și șapte de sutimi se scrie sub formă de fracție ordinară:

A $\frac{100}{37}$;

B $\frac{37}{100}$;

C $\frac{3}{7}$;

D $\frac{30}{70}$.

b Dacă fracția $\frac{n}{9}$ este supraunitară, atunci numărul natural n poate fi:

A 9;

B 10;

C 8;

D 7.

c Dacă $\frac{a}{4}$ și $\frac{5}{b}$ sunt echivalente, atunci valoarea expresiei $2ab - 7$ este:

A 13;

B 11;

C 2;

D 33.

d După simplificarea cu 5, fracția $\frac{125}{50}$ este egală cu:

A $\frac{25}{10}$;

B $\frac{25}{50}$;

C $\frac{125}{10}$;

D $\frac{625}{250}$.

(2p) 2 Completați pe fișă de evaluare spațiile punctate cu răspunsul corect.

a Numărul fracțiilor subunitare de forma $\frac{11}{n}$ este

b Dacă $\frac{4}{7} = \frac{n}{28}$, atunci numărul natural n este

c Numărul fracțiilor de forma $\frac{ab}{18}$ care se simplifică prin 2 este

d Numărul natural cu care trebuie amplificată fracția $\frac{17}{8}$ pentru a obține numitorul 280 este

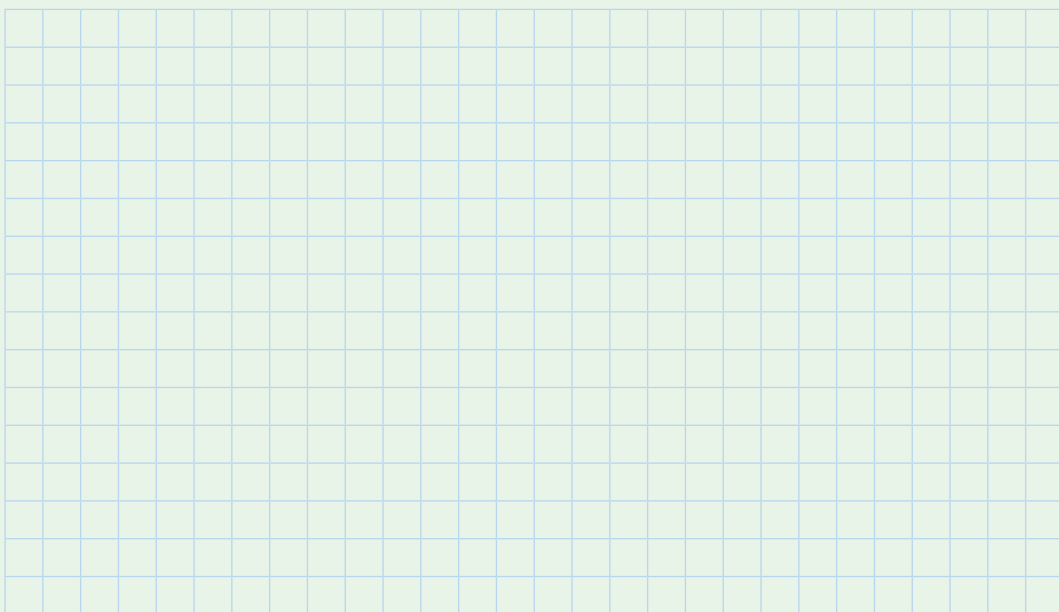
(2p) 3 Uniți prin săgeți fiecare enunț din coloana **A** cu rezultatul corespunzător din coloana **B**.

A	B
a $\frac{n}{9}$ este fracție subunitară	1 $n = 1$
b $\frac{n}{13}$ este fracție supraunitară	2 $n = 12$
c $\frac{n}{6} = \frac{4}{2}$	3 $n = 7$
d $\frac{24}{n} = \frac{15}{25}$	4 $n = 40$
	5 $n = 15$

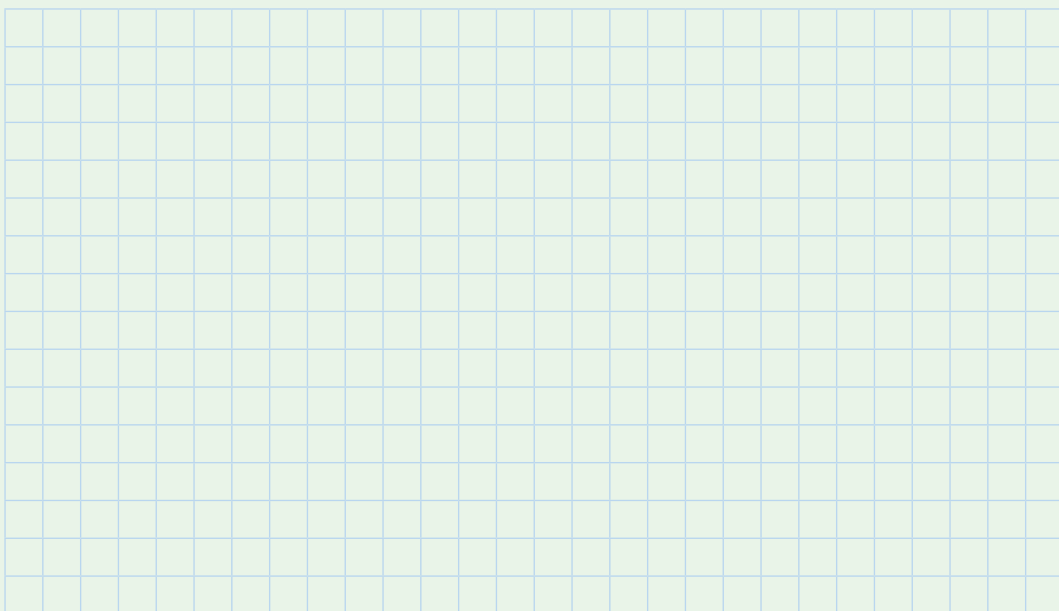


La problemele 4 și 5 scrieți pe fișa de evaluare rezolvările complete.

(2p) 4 Determinați toate fracțiile de forma $\frac{\overline{xy}}{\overline{abc}}$, echivalente cu fracția $\frac{3}{8}$.



(1p) 5 Frația $\frac{\overline{ab+xy}}{\overline{ba+yx}}$ este echiunitară. Arătați că și fracția $\frac{a+x}{b+y}$ este echiunitară.



NOTĂ. Timp de lucru: 50 de minute. Se acordă 1 punct din oficiu.

